

## データ型

プログラム言語論

櫻井彰人

## 目次

- ◆ 静的型と動的型
- ◆ 型の完全性
- ◆ Haskell における型
- ◆ 単態と多態
- ◆ Hindley-Milner 型推論
- ◆ オーバーロード



<https://ja.pngtree.com/freepng/>

2

## 目次

- ◆ 静的型と動的型
- ◆ 型の完全性
- ◆ Haskell における型
- ◆ 単態と多態
- ◆ Hindley-Milner 型推論
- ◆ オーバーロード



3

## 型とは何か

型エラー:

```
? 5 + [ ]  
ERROR: Type error in application  
*** expression : 5 + [ ]  
*** term : 5  
*** type : Int  
*** does not match : [a]
```

型は値の集合か?

- ✓ int = { ... -2, -1, 0, 1, 2, 3, ... }
- ✓ bool = { True, False }
- ✓ Point = { [x=0,y=0], [x=1,y=0], [x=0,y=1] ... }

4

## 型とは何か

型は、動作(動き、作用の一部)の部分的な仕様か?

✓ n,m:int => n+m は正しいが、not(n) はエラー

✓ n:int => n := 1 は正しいが、n := "hello world" はエラー

有用なまた興味深い仕様とはどのようなものであろうか?

5

## 静的な型、動的な型

値 は、プログラム言語が定義する、様々な 静的な型 を持つ。  
一方、変数 は、静的な型を持つと宣言されることがある。  
変数と式 は、実行時にそれが持つ値で定まる 活動的な型 を持つ。

宣言した、静的な型は Applet

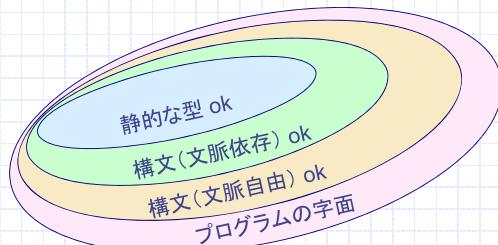
値の静的な型は GameApplet

```
Applet myApplet = new GameApplet();
```

実際の活動的な型は GameApplet

6

## 静的な型を使って、書くプログラムに制約を課す



バグのあるプログラムを排除する、そもそも書かせない

7

## 静的な型付けと動的な型付け

ある言語が静的に型付けされているとは、任意の式の(静的な)型が、プログラムの字面だけで、常に決定できることを言う。

ある言語が動的に型付けされているとは 値だけが固定した型を持つことを言う。変数とパラメータ(仮引数)が実行時にどる型は、異なっても(変わってても)よい。使われる前に、直ちにチェックする必要がある。

ある言語が“強い型付け”であるとは、オブジェクトに対する不適切な演算(操作)が行えないことをいう。

型の一貫性を担保するのは

- I. コンパイル時の型チェック,
- II. 型推定(type inference), または
- III. 動的型チェック.

8

## 強い, 弱い, 静的, 動的

	静的	動的
強い	Java, Pascal	Smalltalk, Ruby
弱い	C	Assembler

9

## 型の種類

どのプログラム言語も、組込み型を用意している。

- ✓ **基本型(Primitive types):** booleans, integers, floats, chars ...
- ✓ **複合型(Composite types):** functions, lists, tuples ...

現代の強い型付け言語では、多くの場合、ユーザ定義型が追加されている。

- ✓ **ユーザ定義型(User-defined types):** enumerations, recursive types, generic types, objects ...

10

## 目次

- ◆ 静的型と動的型
- ◆ 型の完全性
- ◆ Haskell における型
- ◆ 単態と多態
- ◆ Hindley-Milner 型推論
- ◆ オーバーロード



11

## 型の完全性

### 型の完全性原理:

値の型に関しては、それに対するどのような演算(操作)も、恣意的に制限されなければいけない。

— Watt

第一級の値は評価され、引数として渡され、複合型の要素として用いられる。

関数型言語ではクラス間の差異をなくそうと努力するが、命令型言語では、関数は(もっともよくて)第二級の値として扱うのが典型的である。

12

## 目次

- ◆ 静的型と動的型
- ◆ 型の完全性
- ◆ Haskellにおける型
- ◆ 単態と多態
- ◆ Hindley-Milner型推論
- ◆ オーバーロード



13

## 関数型

関数型を用いると、式の型を、評価することなく、演繹することができます:

$$\text{fact} :: \text{Int} \rightarrow \text{Int}$$
$$42 :: \text{Int} \Rightarrow \text{fact } 42 :: \text{Int}$$

### カリー型:

$$\text{Int} \rightarrow \text{Int} \rightarrow \text{Int} \equiv \text{Int} \rightarrow (\text{Int} \rightarrow \text{Int})$$

そして

$$\text{plus } 5 \ 6 \equiv ((\text{plus } 5) \ 6)$$

従って:

$$\text{plus} :: \text{Int} \rightarrow \text{Int} \rightarrow \text{Int} \Rightarrow \text{plus } 5 :: \text{Int} \rightarrow \text{Int}$$

14

## リスト型

型  $a$  の値のリストが持つ型  $[a]$ :

$$[1] :: [\text{Int}] \dashv \text{Int} \text{ のリスト型}$$

NB: あるリストの要素はすべて同じ型!

$$['a', 2, \text{False}] \dashv \text{合文法的ではない。型付けできない}$$

15

## タプル型

式  $x_1, x_2, \dots, x_n$  の型が、それぞれ  $t_1, t_2, \dots, t_n$  である時、タプル  $(x_1, x_2, \dots, x_n)$  の型は  $(t_1, t_2, \dots, t_n)$  である:

$$(1, [2], 3) :: (\text{Int}, [\text{Int}], \text{Int})$$
$$('a', \text{False}) :: (\text{Char}, \text{Bool})$$
$$((1,2), (3,4)) :: ((\text{Int}, \text{Int}), (\text{Int}, \text{Int}))$$

ユニット型は  $()$  と書かれ、同様に  $()$  と書かれるユニット型を有する。

16

## ユーザデータ型

以下 Goferに準拠

新しいデータ型は、以下のものを指定することにより導入できる

- データ型名,
- パラメータ型集合、そして
- その型の要素に対する コンストラクタ

```
data DatatypeName a1 ... an = constr1 | ... | constrm
```

と書かれ、コンストラクタは次のいずれか:

1. コンストラクタ関数: `Name type1 ... typek`

2. 中置型(2進)コンストラクタ (i.e., ":"で始まるもの):

```
type1 BINOP type2
```

17

## 例: 列挙型

データを保持しないユーザデータ型で列挙がモデル化できる:

```
data Day = Sun | Mon | Tue | Wed | Thu | Fri | Sat
```

命名規則: 型名とコンストラクタ名は大文字で始める必要がある

ユーザデータ型上で定義される関数は、引数を分解し、コンストラクター個につき1ケースとなる場合分けをしなければならない:

```
whatShallIDo Sun = "relax"
whatShallIDo Sat = "go dating"
whatShallIDo _ = "guess I'll go back to school"
```

18

## 例: 直和(Union)型

```
data Temp = Centigrade Float | Fahrenheit Float  
  
freezing :: Temp -> Bool  
freezing (Centigrade temp) = temp <= 0.0  
freezing (Fahrenheit temp) = temp <= 32.0
```

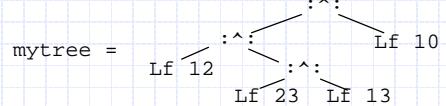
19

## 例: 再帰(Recursive)型

再帰型により、型自身の上に定義するコンストラクタが作れる：

```
data Tree a = Lf a | Tree a :^: Tree a  
mytree = (Lf 12 :^: (Lf 23 :^: Lf 13)) :^: Lf 10
```

```
? :t mytree  
> mytree :: Tree Int
```



20

## 再帰型の使用例

```
leaves, leaves' :: Tree a -> [a]  
leaves (Lf 1) = [1]  
leaves (l :^: r) = leaves l ++ leaves r  
  
leaves' t = leavesAcc t []  
where leavesAcc (Lf 1) = (1:)  
leavesAcc (l :^: r) = leavesAcc l . leavesAcc r  
  
NB: (f . g) x = f (g x)
```

- これらの関数の働きは？
- より効率的にできるのは？

21

## 目次

- ◆ 静的型と動的型
- ◆ 型の完全性
- ◆ Haskellにおける型
- ◆ 単態と多態
- ◆ Hindley-Milner型推論
- ◆ オーバーロード



22

## 単相性(単態性)

Pascal や C のような言語の型システムは **単相性**: すべての定数、変数、引数、関数値は **ただ一つの型を持つ**。

- ◆ 型チェックにはよい
- ◆ 型に依存しないプログラムを書くにはよくない
  - 例: Pascal では、型に依存しない整列プログラムは書けない
    - integer型配列用のプログラム, real型の配列用のプログラム,,,
    - 厳格に適用すると、長さが異なる毎に整列プログラムが必要

23

## 多相性(多態性)

多相関数 の引数の型は異なってもよい：

```
length      :: [a] -> Int  
length []    = 0  
length (x:xs) = 1 + length xs  
  
map         :: (a -> b) -> [a] -> [b]  
map f []     = []  
map f (x:xs) = f x : map f xs  
  
(.)        :: (b -> c) -> (a -> b) -> (a -> c)  
(f . g) x   = f (g x)
```

24

## 目次

- ◆ 静的型と動的型
- ◆ 型の完全性
- ◆ Haskellにおける型
- ◆ 単態と多態
- ◆ Hindley-Milner型推論
- ◆ オーバーロード



25

## 型推論

式の型は、多くの場合、単にその式の構造を見るだけで **推論** することができる。例ええば:

```
length [] = 0
length (x:xs) = 1 + length xs
```

明らかに:

$\text{length} :: \text{a} \rightarrow \text{b}$

さらに、 $b$  は明らかに  $\text{int}$  であり、 $a$  は  $\text{list}$  である、従って:

$\text{length} :: [\text{c}] \rightarrow \text{int}$

しかし、型の詳細化をこれ以上進めることはできない。

26

## 多相型の合成

式の型の導出は、多相型を用いて、単に **型変数** を具体的な型に結びつけるだけができる。

例えば:

```
length :: [a] -> Int
map :: (a -> b) -> [a] -> [b]
```

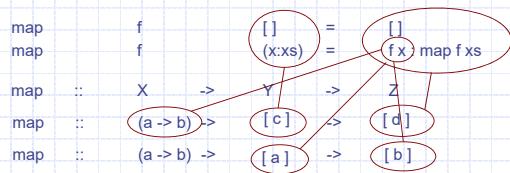
とすると:

```
map length :: [[a]] -> [Int]
[ "Hello", "World" ] :: [[Char]]
map length [ "Hello", "World" ] :: [Int]
```

27

## 多相型推論

Hindley-Milner型推論では、自動的に、多くの多層型の関数の型が型推論できる。



こうした型システムは、MLやHaskellを含む、現代の関数型言語で用いられている。

28

## 型の特殊化

多相型関数に、より特殊な型を割り付けることもできる:

```
idInt :: Int -> Int
idInt x = x
```

注: コマンド :t を用いると、ある特定の式の、Haskellが推定する型を表示することができる:

```
? :t \x -> [x]
> \x -> [x] :: a -> [a]

? :t (\x -> [x]) :: Char -> String
> \x -> [x] :: Char -> String
```

29

## 多相の種類

### ◆ ユニバーサルな多相性:

- パラメトリック: Haskellでは多相 map 関数; Pascal/Cにおける nil/void ポインタ型
- 包含的(inclusion): 部分型(subtyping) — 使用できる、型の範囲を制限する グラフィックオブジェクト等

### ◆ アドホックな多相性:

- オーバーロード: 例えば + は整数にも実数にも適用できる
- コアージョン: 実数が使用できるところなら、整数も使用できる、そして vice versa.

30

## 目次

- ◆ 静的型と動的型
- ◆ 型の完全性
- ◆ Haskell における型
- ◆ 単態と多態
- ◆ Hindley-Milner 型推論
- ◆ オーバーロード



31

## コアージョン vs オーバーロード

- ◆ “+” のようにオーバーロードされる演算子がある
  - + にはいくつかの可能な型がある。  
例えば: `int +(int, int)`, `Float +(float, float)`  
さらに `float* +(float*, int)`, `int* +(int, int*)`
  - それぞれ、演算子 “+” は異なる実装となる
  - どの実装を用いるかは、演算項の型による
- ◆ 型強制 (coercion): `int` と `float` に “+” が適用される。
  - 可能なすべての型に “+” を定義するのではなく、引数を自動的に型変換する
  - 型強制にはプログラムが必要となることがある (e.g. `int` から `float` への型変換)
  - 型変換は、通常、より一般的な型に変換する i.e. `5 + 0.5` は `float` 型に (というのも `float ≥ int`)

32

## コアージョン vs オーバーロード

コアージョン または オーバーロード — 区別できますか？

3      +    4
3.0   +    4
3      +    4.0
3.0   +    4.0

➤ いくつかのオーバーロードした “+” 関数があるのか、それとも一つだけあって、値が自動的に型変換されるのか？

33

補足

### リストと配列

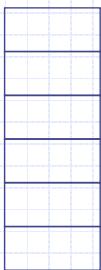
- ◆ プログラム字面上、違いが少ないことが多い
- ◆ しかし、型は全く異なる
  - アクセス方法が異なる
  - 要素に対する制約が異なる
- ◆ 実装方法も異なる
  - 速度が異なる
  - 占有メモリが異なる
  - 実行系の処理が異なる

深く関連している

34

補足

## 配列 (array)

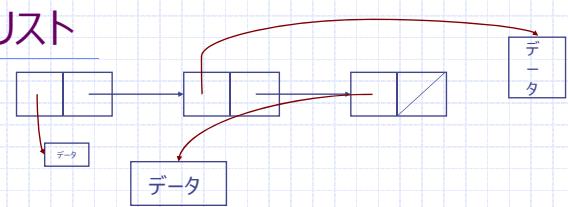


- ◆ 添え字 (index) でアクセス
- ◆ 添え字はある範囲の整数
  - 言語によって、下限は、0であったり、1であったり、
  - さらには、負の添え字が許されたりする
  - つまり、任意の整数範囲が可能なものもある
- ◆ メモリ上、連続領域を占める
- ◆ 各データの大きさが同じ
- ◆ アクセスは高速
  - ハードウェア (CPUやメモリ) のサポートあり
- ◆ データの挿入や削除は、コスト高

35

補足

## リスト



- ◆ ポイント (アドレス) を用いて繋いだ (ように見える) 構造
- ◆ データの型は、一般に、いろいろあってよい
- ◆ メモリ上、散らばってよい
- ◆ 「先頭」と「次」を用いてアクセス
- ◆ アクセスは、(後ろの方ほど) 遅い
  - 逆方向の「リンク」があれば、真ん中が遅い
- ◆ 追加、削除は速い

36